

# شبیه‌سازی و افزایش مقیاس تولید پروتئین تک‌یاخته در بیوراکتور پیوسته

● سیده زینب میرنظامی، عضو هیات علمی دانشگاه گیلان

تاریخ دریافت: دیماه ۱۳۷۹ تاریخ پذیرش: بهمن ماه ۱۳۸۰

بازدارندگی سوبسترا، معادلات سینتیکی بسیاری را پیشنهاد کرده‌اند (۳، ۴، ۱۴، ۱۶).

در فرآیند رشد میکروارگانیسم‌های هوازی، غلظت اکسیژن محلول نیز می‌تواند سرعت رشد بیومس میکروبی را محدود نماید. اما اگر غلظت اکسیژن محلول از میزان غلظت بحرانی اکسیژن (Ccr) بیشتر باشد، سرعت رشد سلولی با فاکتورهای دیگر مانند غلظت سوبسترای دیگر کنترل و محدود می‌شود. برای تولید مطلوب بیومس شرایط بهینه هوادهی را باید فراهم کرد. در بیوراکتورهای تولید بیومس علاوه بر مکانیزم رشد سلولی، نوع همزن، دور همزن، محیط کشت و رفتار رئولوژیک<sup>۱</sup> دوفازی سیستم نیز بر روابط انتقال جرم و محاسبه مقدار ضریب کلی انتقال جرم اکسیژن از فاز گاز به مایع نقش زیادی دارد. با استفاده از روش‌های نیمه تنوری سیالات دوفازی و باتوجه به شکل و ابعاد همزن در راکتور، ضریب انتقال جرم اکسیژن، توان و سرعت همزن و سایر پارامترها محاسبه می‌گردد. در صنایع تخمیری از این پارامترها همچنین پارامتر  $\frac{P}{V}$  در افزایش مقیاس بیوراکتورها استفاده می‌شود (۱۰).

## مواد و روش‌ها

میکروارگانیسم مورد نظر از بین مجموعه میکروارگانیسم‌هایی که از خاک مناطق نفت‌خیز جنوب

جدول شماره ۱- محیط کشت برای رشد میکروارگانیسم و تولید SCP

غلظت (g/L)	ترکیب
۲/۲	Na <sub>2</sub> HPO <sub>4</sub>
۱/۴	KH <sub>2</sub> PO <sub>4</sub>
۰/۶	MgSO <sub>4</sub> ·7H <sub>2</sub> O
۳/۰	(NH <sub>4</sub> ) <sub>2</sub> SO <sub>4</sub>
۰/۰۵	NaCl
۰/۰۲	CaCl <sub>2</sub> ·2H <sub>2</sub> O
۰/۰۱	FeSO <sub>4</sub> ·7H <sub>2</sub> O
۴/۰	COCl <sub>2</sub> ·6H <sub>2</sub> O
۱۲/۱	MnSO <sub>4</sub> ·4H <sub>2</sub> O
۱/۵۳	NaMOO <sub>4</sub> ·2H <sub>2</sub> O
۳/۲	ZnSO <sub>4</sub> ·7H <sub>2</sub> O
۰/۰۵	H <sub>3</sub> BO <sub>3</sub>

## ✓ Pajouhesh & Sazandegi, No 53 PP:72-78 Modelling and scalling up for single - cell protein production in continuous bioreactor

By: Sayede Zeinab Mirnezami, Scientific member of Gilan university. Iran.

Interest in searching for new sources of food has increased exponentially during the last 40 years. In this study, modelling of continuous stirred tank bioreactor is carried out from experimental results and then a bioreactor in pilot scale is designed for production of 40 kg S.C.P. per day. For modelling of bioreactor in constant temperature and pressure, balance equation of cell mass, methanol, oxygen and carbon dioxide are developed. After disolving of equations by fourth order runge, the influence of both kinetic and transport parameters on dissolved oxygen, biomass. and methanol concentration were studied. From comparing of experimental and theoretic results optimum parameters were obtained. For designing bioreactor in pilot scale from optimum parameters, size of bioreactor and other equipments were obtained. Then other parameters for scaling up were obtained.

Keywords: Modelling, Scalling up. Continuous bioreactor, Single cell protein.

## چکیده

کمبود مواد غذایی خصوصاً پروتئین در دنیا سبب شده است که از سال ۱۹۶۰ استفاده از پروتئین تک‌یاخته مورد توجه قرار گیرد. در این تحقیق ابتدا شبیه‌سازی سیستم مداوم بیوراکتور همزن‌دار با استفاده از نتایج تجربی انجام شد و سپس بیوراکتور همزن‌دار به حجم ۴۰ مترمکعب، برای تولید ۴۰ کیلوگرم پروتئین تک‌یاخته در روز طراحی گردید. برای شبیه‌سازی بیوراکتور در دما و فشار ثابت، مدل ریاضی موازنه جرم بیومس، متانول، اکسیژن و دی‌اکسید کربن نوشته می‌شود. بعضی از پارامترهای این معادلات براساس شرایط آزمایش‌های انجام شده و نتایج به‌دست آمده تعیین و محاسبه شده‌اند. بعد از حل معادلات با روش *fourth order runge kutta* و به‌دست آوردن نتایج، اثر پارامترهای مختلف سینتیک و انتقال بر مقادیر غلظت اکسیژن محلول، بیومس و متانول بررسی شد. با مقایسه مقادیر به‌دست آمده از مدل و مقادیر تجربی، پارامترهای بهینه تعیین گردید. برای طراحی بیوراکتور در مقیاس تولیدی، با استفاده از پارامترهای بهینه و روابط تنوری، اندازه تجهیزات مختلف بیوراکتور محاسبه شد و سپس با در نظر گرفتن معیارهای مختلف برای افزایش مقیاس بیوراکتور، پارامترهای مختلف به‌دست آمده که در جداول ارائه شده است. کلمات کلیدی: شبیه‌سازی، افزایش مقیاس، پروتئین تک‌یاخته، بیوراکتور پیوسته

## مقدمه

نظر به عدم کفایت فرآورده‌های غذایی در دنیا و امکان تهیه پروتئین سلولهای میکروبی با استفاده از رشد توده سلولی در بیوراکتور، تولید پروتئین تک‌یاخته مورد بررسی قرار گرفته است. محصول دهی بیومس میکروارگانیسم‌ها نسبت به گیاهان بیشتر است. برای افزایش محصول دهی و بازدهی پروتئین میکروارگانیسم‌ها در سال‌های اخیر باکتری‌های مصرف

کننده متانول شناسایی شده‌اند. در حال حاضر متانول مهمترین سوبسترا برای تولید پروتئین تک‌یاخته محسوب می‌شود و مزایای آن به عنوان منبع کربن و انرژی شناخته شده است (۶، ۱۱).

براساس مطالعات انجام شده درباره مکانیزم رشد سلولی در بیوراکتور نتیجه گرفته شده است که رابطه مونود یک رابطه قابل قبول برای توضیح سینتیک رشد بسیاری از میکروارگانیسم‌ها می‌باشد. اما محققین با بررسی مکانیزم رشد میکروارگانیسم‌ها در شرایط

جدول شماره ۲- پارامترهای کشت مداوم در مرحله اول

پارامتر	مقدار پارامتر	پارامتر	مقدار پارامتر
$(h^{-1})\mu_{max}$	۰/۱۷۶	$\epsilon_f$	۰/۹
$(g/L^{-1})K_s$	۱/۰۳۴	$(m^3)V_R$	$۱/۰ \times ۱۰^{-۳}$
$(g/L^{-1})K_o$	$۲/۸۳ \times ۱۰^{-۲}$	$(mole/L)N_{oi}$	$۸/۳ \times ۱۰^{-۳}$
$(h^{-1})\mu_D$	۰/۰	$(mole/L)N_{ci}$	۰/۰
$(gx/gs)y_{x/s}$	۰/۴۵۸	$(g/mole)M_o$	۳۲
$(gs/gx-hr)m$	۰/۰۲۵	$(g/mole)M_c$	۴۴
$(gx/go)y_{x/o}$	۰/۵۰۰۴	$(Nm/mole)R$	۸۳۱۴
$(g/L^{-1})O_L^*$	$۷/۲۳ \times ۱۰^{-۳}$	$(N/m^2)P$	۱۰۱۳۲۵
$(gx/gc)y_{x/c}$	۰/۸۳۸۶	$(K)T$	۳۰۸
$(g/L^{-1})C_L^*$	$۱/۳۹ \times ۱۰^{-۳}$	$(h^{-1})D_R$	۰/۰
$(h^{-1})(K_L a)_o$	۱۲۰/۵	$(h^{-1})D_A$	۰/۰
$(h^{-1})(K_L a)_c$	۱۲۰/۵	$(g/L^{-1})X_R$	۰/۰
$(m^3/hr)V_{gi}$	$۱/۶۷ \times ۱۰^{-۵}$	$(g/L^{-1})S_R$	۰/۰
$(m^3/hr)V_{go}$	$۱/۶۷ \times ۱۰^{-۵}$	$(g/L^{-1})O_R$	۰/۰
$\epsilon_g$	۰/۱	$(g/L^{-1})C_R$	۰/۰

جدول شماره ۳- مقادیر پارامترهای تغییر یافته سیستم مداوم در مرحله دوم ( $\times ۳/۱۵ gr/l$ )

پارامتر	مقدار پارامتر
$(h^{-1})D_R$	۰/۱
$(h^{-1})D_A$	۰/۱
$(g/L^{-1})X_R$	۰/۰
$(g/L^{-1})S_R$	۱۰/۰
$(g/L^{-1})O_R$	$۷/۳۲ \times ۱۰^{-۳}$
$(g/L^{-1})C_R$	$۱/۳۹ \times ۱۰^{-۳}$

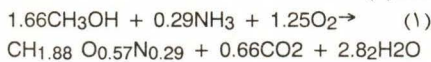
جدول شماره ۴- مقادیر پارامترهای شبیه‌سازی مستقیم مداوم

پارامتر	مقدار
$(h^{-1})\mu_{max}$	۰/۲۳۰
$(gx/gs)y_{x/s}$	۰/۵۰۳۸
$(g/L^{-1})K_s$	۰/۸۲۷۲
$(h^{-1})\mu_d$	۰/۰۰۵
$(h^{-1})K_L a$	۲۴۰
$(gs/gx-hr)m$	۰/۰۱

M می‌باشد که مشخصات آن در جدول ۵ آورده شده است.

### مدل فرآیند

معادله استوکیومتری رشد توده سلول میکروارگانیسم در مدت رشد تعادلی به صورت زیر است (۱):



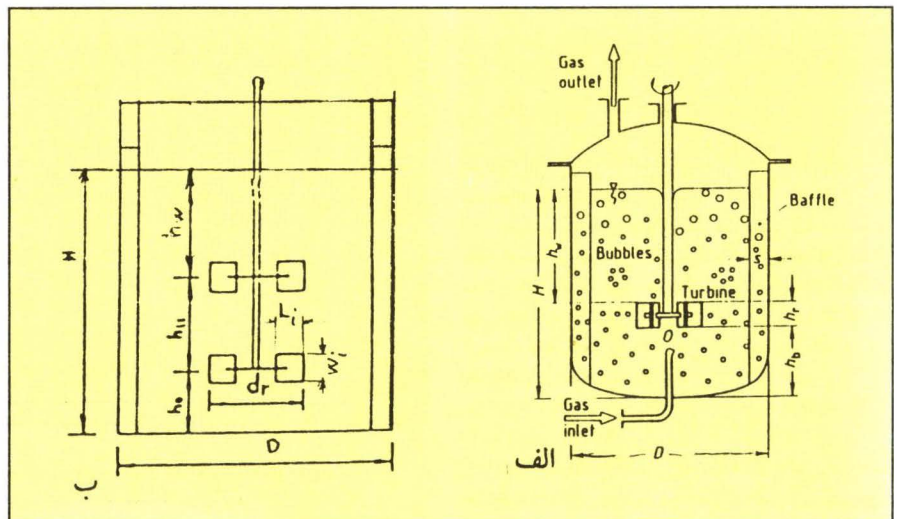
برای مدل‌سازی سیستم مداوم، فاز گاز و مایع در دو قسمت جدا مانند شکل ۳- نظر گرفته می‌شود. حجم گاز با محاسبه مقدار ماندگی (Hold up) هوا در راکتور به دست می‌آید. برای مدل‌سازی بیوراکتور همزن دار به صورت مداوم، در دما و فشار ثابت معادلات موازنه جرم اجزاء در دو فاز مایع و گاز نوشته می‌شود. بعضی از پارامترهای این معادلات براساس شرایط آزمایش‌های انجام شده و نتایج به دست آمده تعیین و محاسبه شده‌اند. این معادلات، معادلات دیفرانسیل درجه اول بوده که با روش Fourth order runge kutta حل می‌شوند. از حل دستگاه معادلات موازنه جرم اجزاء و با توجه به ضریب انتقال جرم و سطح تماس بین دو فاز مایع و گاز، روند تغییرات اجزای سیستم بر حسب زمان به دست می‌آید.

مدل ریاضی فرآیند در فاز مایع توسط معادلات زیر عنوان می‌گردد (۱۲):

$$\frac{dX}{dt} = D R_X R - D A X + (\mu_G - \mu_D) X \quad (2)$$

$$\frac{dS}{dt} = D R_S R - D A S - \left( \frac{\mu_G}{Y_{X/S}} + m \right) X \quad (3)$$

$$\frac{dO_L}{dt} = D R_{O_R} - D A O_L + (K_L a)_o (O_L^* - O_L) \frac{\mu_G X}{Y_{X/O}} \quad (4)$$



شکل شماره ۱- راکتور همزن دار (الف: با یک همزن - ب: با دو همزن)

نمونه‌برداری شد. در هر بار نمونه‌برداری جذب نوری در طول موج nm ۶۲۰ اندازه‌گیری شد. بعد از افزایش دانسیته نوری نمونه تا مقدار ۱/۲ سیستم مداوم با شدت رقیق‌سازی  $۰/۱ h^{-1}$  راه‌اندازی شد. در این شرایط با حجم یک لیتری بیوراکتور میزان ورودی سوسپنرا برابر با ۱/۱ لیتر در ساعت بود که با شیر تنظیم کننده کنترل می‌شد. در این حالت از بیوراکتور هر ۴ ساعت یک بار نمونه‌برداری و جذب نوری اندازه‌گیری شد.

بیوراکتور مورد استفاده در سیستم مداوم بیوراکتور ۲ لیتری شیشه‌ای New brunswick مدل Multigent

کشور جدا شده‌اند، پس از بررسی میزان رشد انتخاب شد. برای کشت باکتری به صورت سیستم مداوم، ابتدا یک لوپ از باکتری به ۵۰ میلی‌لیتر محیط کشت جدول ۱- تلقیح شد. باکتری‌ها در دمای ۳۵ درجه سانتیگراد بر روی مخلوط کننده به مدت ۲۰ ساعت رشد کرده و سپس از آن در شرایط استریل به بیوراکتور منتقل شد. بیوراکتور که حاوی ۹۵۰ ml محیط کشت و متانول با غلظت ۱۰ g/L بود بعد از تلقیح در شرایط ۳۵ درجه سانتیگراد و pH=۷ و دور همزن ۳۰۰ rpm و با هوادهی ۱ VwM شروع به کار نموده و هر ۴ ساعت یک بار

$$\frac{dC_L}{dt} = DR C_R - DA C_L - (K_L a)_c (C_L - C_L^*) + \frac{\mu G \cdot X}{Y_{X/C}} \quad (5)$$

معادلات اجزاء در فاز گاز به صورت زیر است:

$$\frac{dN_{O_2}}{dt} = \frac{1}{\varepsilon_g \cdot V_R} (V_{g_i} N_{O_i} - V_{g_o} N_{O_o}) - (K_L a)_o (O_L - O_L^*) - OL \quad (6)$$

$$\frac{dN_C}{dt} = \frac{1}{\varepsilon_g \cdot V_R} (V_{g_i} N_{C_i} - V_{g_o} N_{C_o}) + (K_L a)_c (C_L - C_L^*) \quad (7)$$

$$\frac{dC_L}{dt} = \frac{1}{\varepsilon_g \cdot V_R} (V_{g_i} C_{g_i} - V_{g_o} C_{g_o}) + (K_L a)_c (C_L - C_L^*)$$

در معادلات فوق DR و DA شدت رقیق‌سازی ورودی و خروجی است که به صورت  $DR = \frac{FR}{V}$  و  $DA = \frac{FA}{V}$  تعریف می‌شوند. FA، FR، شدت جریان محیط کشت ورودی و خروجی و حجم بیوراکتور می‌باشد. در اکثر فرآیندهای تخمیری شدت جریان‌های ورودی و خروجی برابر است و در نتیجه  $DR = DA = D$  است. (در فرآیند تولید S.C.P. فرض می‌شود که شدت جریان ورودی و خروجی برابر است. بنابراین در معادلات  $DR = DA = D$  است).

برای مدل‌سازی بیوراکتور مخلوط شده با همزن در سیستم غیرمداوم، جملات مربوط به ورودی و خروجی معادلات موازنه جرم در فاز مایع حذف می‌شود. اما معادلات در فاز گاز مانند سیستم مداوم می‌باشد.

در شرایطی که کشت غیر مداوم در بالن و روی دستگاه مخلوط کننده (Shaker) انجام شود، اکسیژن مورد نیاز از هوا وارد محیط کشت شده در نتیجه معادلات موازنه جرم اجزاء در فاز گاز حذف خواهد شد. برای تعیین سرعت رشد ویژه رشد ویژه از معادله موند ساده استفاده می‌شود (5):

$$\mu G = \frac{\mu_{max} \cdot S}{K_s + S}$$

پارامترهای  $\mu_{max}$  و  $K_s$  از مرتب کردن معادله فوق

به صورت  $\frac{1}{\mu G} = \frac{1}{\mu_{max}} + \frac{K_s}{\mu_{max} S}$  و رسم  $\frac{1}{\mu G}$  نسبت به  $\frac{1}{S}$  به دست می‌آیند.

در فرآیندهای هوازی در شرایطی که تغییرات غلظت بیومس نسبت به تغییرات اکسیژن محلول قابل ملاحظه باشد، سرعت رشد ویژه علاوه بر غلظت سوبسترا تابع غلظت اکسیژن خواهد بود. در این هنگام از معادله سینتیکی چند سوبسترای محدود کننده در معادلات استفاده می‌شود (2):

$$\mu G = \mu_{max} \frac{S}{K_s + S} \cdot \frac{O_L}{K_o + O_L}$$

$K_o$  ثابت اشباع اکسیژن است که مقدار آن برابر است با غلظت اکسیژن محلول در حالتی که سرعت رشد ویژه برابر با نصف سرعت  $\mu_{max}$  می‌باشد.

برای بررسی اثر بازدارندگی متانول از معادله موند توسعه یافته به صورت زیر استفاده شده است (8):

$$\mu G = \frac{\mu_{max} (1 - S/S^*)^n \cdot S}{S + K_s (1 - S/S^*)^m}$$

که  $S$  غلظت سوبسترای بازدارنده،  $S^*$  غلظت بحرانی سوبسترای بازدارنده که بالاتر از آن واکنش متوقف می‌شود،  $n$  و  $m$  اعداد ثابت هستند. مقادیر  $S^*$ ،  $n$ ،  $m$  و  $\mu_{max}$  از نتایج تجربی به دست می‌آیند.

پارامترهای مربوط به بازدهی اجزاء نسبت به یکدیگر از معادله استوکیومتری واکنش تولید S.C.P. به دست می‌آید.

جدول شماره ۵- مشخصات و اندازه تجهیزات بیوراکتور آزمایشگاهی

N	S <sub>0</sub> (m)	W <sub>i</sub> (m)	d <sub>r</sub> (m)	H <sub>L</sub> (m)	D (m)	V <sub>L</sub> (L)
۱	۰/۰۱۳	۰/۰۹	۰/۰۵	۰/۱۱	۰/۱۱	۱

جدول شماره ۶- شرایط عملیات در بیوراکتور آزمایشگاهی

$\frac{n}{d_r}$ (rpm/m)	Re	nd <sub>r</sub> (rpm-m)	$\frac{P}{V}$ (N/m <sup>2</sup> -sec)	P (N-m/sec)	n(rpm)	d <sub>r</sub> (m)	D(m)	V <sub>L</sub> (L)
$6 \times 10^3$	$1/7 \times 10^4$	۱۵	۲۴۱	۰/۲۱۷	۲۰۰	۰/۰۵	۰/۱۱	۱

جدول شماره ۷- نتایج به دست آمده از محاسبات تعیین اندازه تجهیزات بیوراکتور برای تولید ۴۰ کیلوگرم بیومس در روز

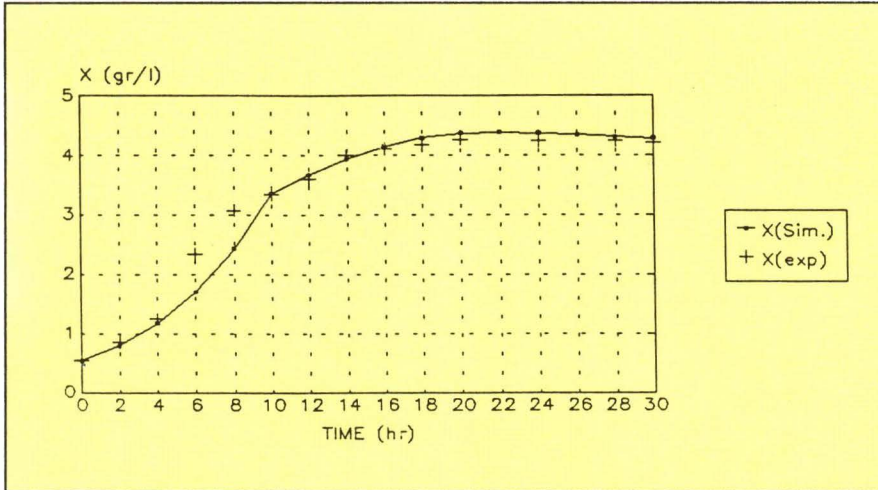
N	L <sub>i</sub> (m)	W <sub>i</sub> (m)	S <sub>0</sub> (m)	H (m)	h <sub>b</sub> (m)	h <sub>w</sub> (m)	h <sub>i</sub> (m)	d <sub>r</sub> (m)	D (m)	V <sub>L</sub> (m <sup>3</sup> )
۲	۰/۱۲۷	۰/۱۰	۰/۱۲	۲/۱	۰/۸۲	۰/۶۴	۰/۶۴	۰/۵۱	۱/۵۹	۴/۲

جدول شماره ۸- نسبت متغیرهای عملیات بیوراکتور تولیدی به بیوراکتور آزمایشگاهی در افزایش مقیاس بیوراکتور

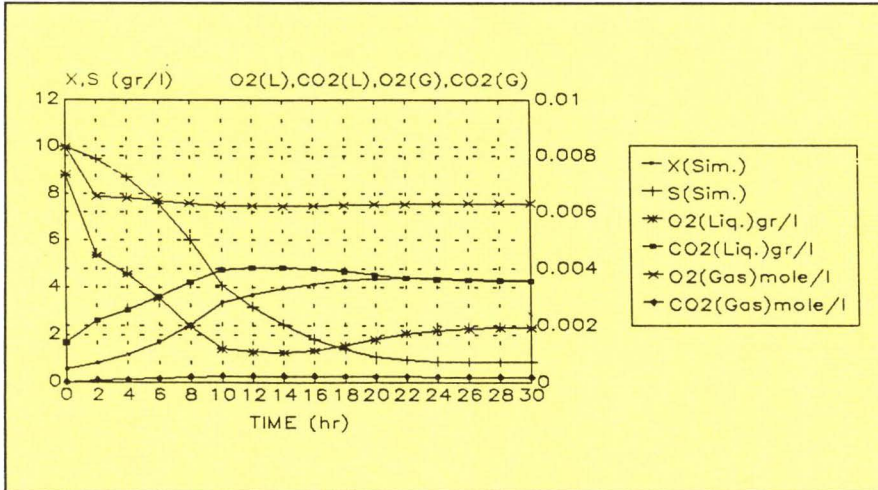
$\frac{(n/d_r)_p}{(n/d_r)_m}$	$\frac{(Re)_p}{(Re)_m}$	$\frac{(nd_r)_p}{(nd_r)_m}$	$\frac{n_d}{n_m}$	$\frac{(P/V)_p}{(P/V)_m}$	$\frac{(P)_p}{(P)_m}$	مبنای افزایش مقیاس
۰/۰۳۴	۳۶/۲	۳/۵۵	۰/۳۵	۱	$4/6 \times 10^{-3}$	$\frac{P}{V}$ مساوی
۰/۰۹۸	۱۰۴	۱۰/۲	۱	۲۳/۶	$1/1 \times 10^5$	n مساوی
$9/6 \times 10^{-3}$	۱۰/۲	۱	۰/۰۹۸	۰/۰۲۲	۱۰۴	سرعت نوک پره مساوی
$9/6 \times 10^{-4}$	۱	۰/۱	۰/۰۱	$2/1 \times 10^{-5}$	۰/۱	عدد رینولدز مساوی
۱	$1061/2$	۱۰۴	۱۰/۲	$2/5 \times 10^4$	$1/17 \times 10^8$	نسبت تنش بر جریان مساوی

جدول شماره ۹- اثر انتخاب مبنای معین بر شدت جریان هوا در افزایش مقیاس بیوراکتور

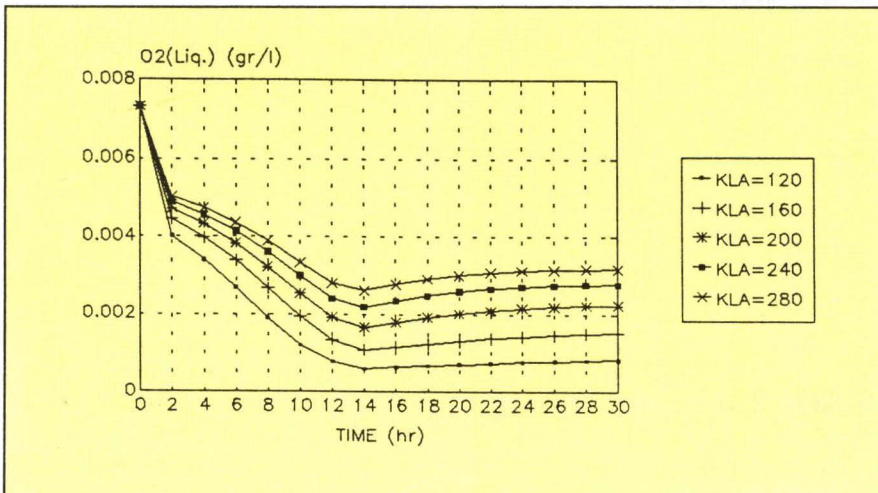
$\frac{(V_g)_p}{(V_g)_m}$	$\frac{(u_{gs})_p}{(u_{gs})_m}$	مبنای انتخابی
۵۰۹	۲/۴۴	$\frac{V_g}{nd_r}$ ثابت
۲۰۹	۱۰	$u_{gs}$
۳۰۲۰	۱۴/۵	$V V_m$ ثابت



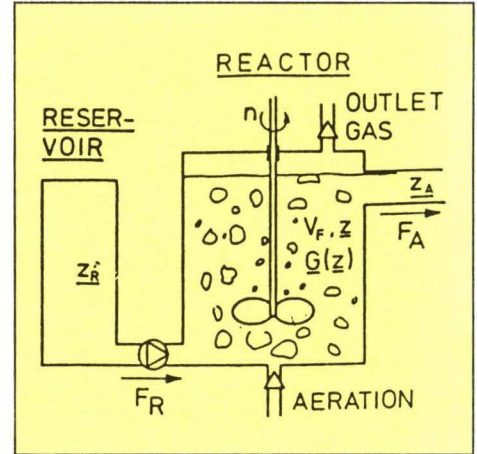
شکل شماره ۴- مقایسه بین غلظت بیومس و غلظت، بیومس حاصل از مدل با مقادیر پارامترهای پارامترهای بهینه شبیه‌سازی



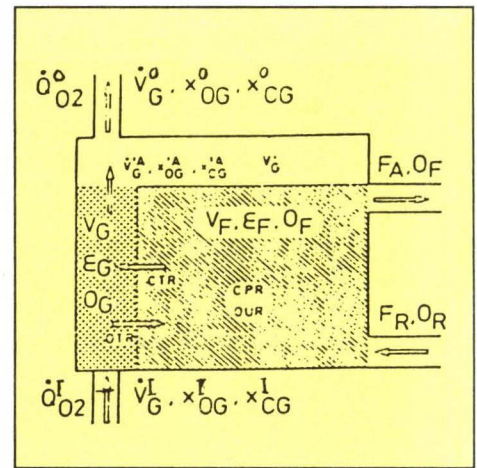
شکل شماره ۵- غلظت‌های بیومس، متانول، اکسیژن و دی‌اکسید کربن در فاز مایع و غلظت‌های اکسیژن، دی‌اکسید کربن در فاز گاز با مقادیر پارامترهای بهینه شبیه‌سازی



شکل شماره ۶- اثر  $(Kla)_O$  بر غلظت اکسیژن محلول در بیوراکتور



شکل شماره ۲- مدل ریاضی سیستم مداوم راکتور همزن‌دار



شکل شماره ۳- حجم راکتور تقسیم شده به فاز گاز و فاز مایع

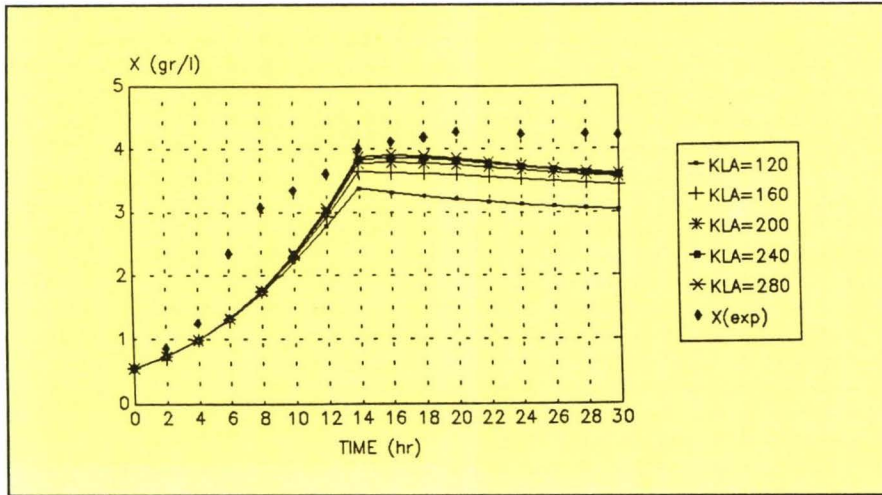
پارامتر ضریب نگهداری از نتایج تجربی کشت مداوم و با استفاده از معادله زیر به دست می‌آید (۹، ۱).

$$\frac{1}{Y_{x/s(m)}} = \frac{1}{Y_{x/s(G)}} + \frac{m}{\mu G}$$

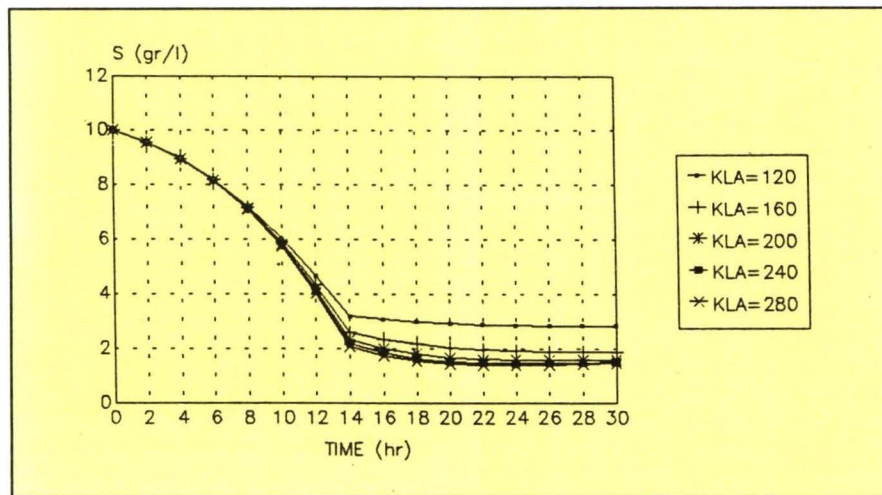
از رسم نمودار  $\frac{1}{Y_{x/s(m)}}$  نسبت به  $D$  (در شرایط پایدار سیستم مداوم  $\mu G = D$  است) ضریب نگهداری  $(m)$  و  $Y_{x/s(G)}$  به دست می‌آیند. در این رابطه  $Y_{x/s(m)} = \frac{\Delta S_G + \Delta S_m}{\Delta X}$  است که  $\Delta S_m$  سوپسترای واقعی مصرف شده و  $\Delta S_G$  سوپسترای مصرف شده برای نگهداری است. بازدهی رشد  $Y_{x/s(m)}$  مقدار ماکزیمم بازدهی است وقتی که  $\mu G$  به سمت بی‌نهایت میل می‌کند و  $m=0$  می‌باشد.

### افزایش مقیاس بیوراکتور

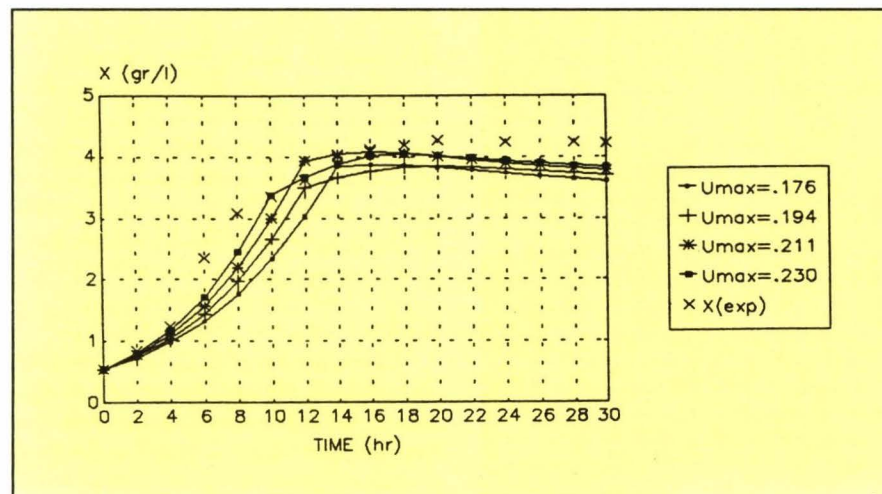
یکی از روش‌های افزایش مقیاس بیوراکتورها روش آنالیز ابعادی است که در آن گروه‌های بدون بعد پارامترها ثابت نگه داشته می‌شوند. ثابت نگه داشتن گروه‌های بدون بعد به این معنی است که مکانیزم‌های مهم در فرآیند افزایش مقیاس تغییر نمی‌کند. این روش گرچه برای سیستم‌های ساده و یکنواخت روش مفیدی است، اما در شرایطی که مسائل انتقال حرارت و جرم جدی بوده و همچنین برای سیستم چند فاز مشکلاتی



شکل شماره ۷- اثر  $K_{La}$  بر غلظت بیومس



شکل شماره ۸- اثر  $K_{La}$  در غلظت متانول



شکل شماره ۹- اثر  $U_{max}$  بر غلظت بیومس

وجود دارد (۷، ۱۰، ۱۳).

شباهت هندسی ذرات پراکنده در سیستم چند فازی مهم است. معمولاً اندازه قطرات و کریستال‌ها و حباب‌های هوا نباید به تناسب مقیاس رشد کنند، بلکه باید در تغییر مقیاس ثابت بمانند. اندازه ذرات فاز پراکنده به خصوصیات جریان و خصوصیات سطحی بستگی دارد. اگر خصوصیات سطحی در افزایش مقیاس تغییر نکند، خصوصیات جریان اندازه ذرات را تعیین می‌کند. میزان جریان گردابی به انرژی ورودی بر واحد حجم  $(\frac{P}{V})$  بستگی دارد. بنابراین اگر مقدار  $(\frac{P}{V})$  در افزایش مقیاس بیوراکتور ثابت باشد، حالت جریان تغییر نخواهد کرد. به این دلیل مقدار  $(\frac{P}{V})$  را با وجود این که یک گروه بدون بعد نیست، به عنوان پارامتر در آنالیز ابعادی به کار می‌برند. اما اگر عدد رینولدز (Re) ثابت نگه‌داشته شود اندازه گرداب متناسب با مقیاس تغییر می‌کند.

افزایش تنش می‌تواند اثر منفی (تخریب میکروارگانیسم‌ها) و همچنین اثر مثبت (کاهش اندازه توده میکروارگانیسم‌ها) داشته باشد. در جریان آرام تنش با  $n$  و در جریان درهم تنش با  $2$  متناسب است. بنابراین ثابت بودن مقدار  $ndr$  می‌تواند به عنوان مبنای افزایش مقیاس انتخاب شود. علاوه بر این نسبت تنش همزن بر جریان همزن  $(\frac{n}{dr})$  نیز می‌تواند در شرایط رشد مایسلایا به عنوان مبنای در نظر گرفته شود. در صورت انتخاب یک مبنای مناسب، متغیرهای دیگر فرآیند از روابط تنوری محاسبه می‌شوند. امروزه در صنایع تخمیری از معیارهای  $(\frac{P}{V})$  ثابت،  $(K_{La})$  ثابت،  $(ndr)$  ثابت برای افزایش مقیاس بیوراکتور استفاده می‌شود (۷، ۱۰).

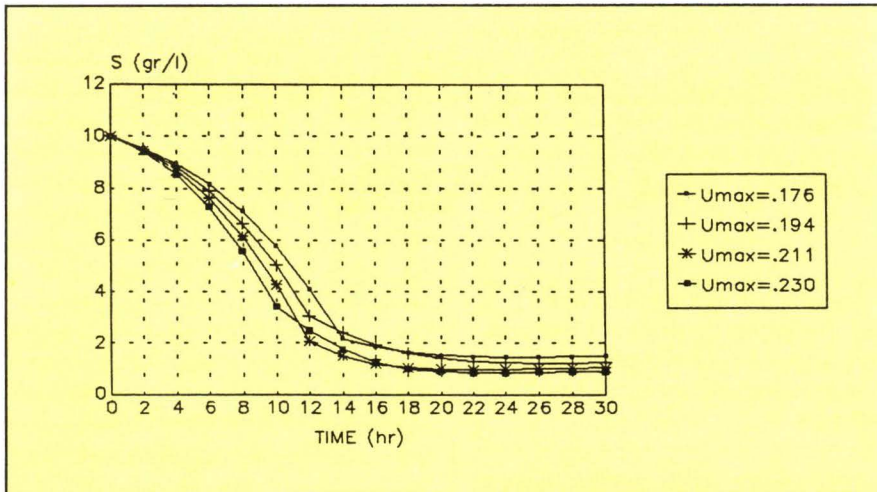
درباره میزان شدت هوادهی، یکی از معیارها ثابت بودن مقدار نسبت حجم هوا بر حجم بیوراکتور بر دقیقه (vvm) است. علاوه بر این ثابت بودن مقدار نسبت شدت جریان هوا بر ظرفیت پمپ  $(\frac{V_a}{P})$  و ثابت بودن سرعت ظاهری گاز  $u_{gs}$  به عنوان معیار در نظر گرفته می‌شوند.

در این تحقیق بعد از حل معادلات و به‌دست آوردن پارامترهای بهینه سیستم مداوم، بیوراکتور همزن‌دار در مقیاس تولیدی برای تولید  $40$  کیلوگرم بیومس در روز طراحی گردید. در این مطالعه، ابتدا حجم بیوراکتور، اندازه تجهیزات مختلف مورد استفاده در آن (همزن، بافل و...) بنابر نتایج تجربی به‌دست آمده در بیوراکتور آزمایشگاهی با حجم کارکرد یک لیتر تعیین می‌شود و سپس براساس انتخاب یک مبنای خاص برای افزایش مقیاس، سایر متغیرهای عملیات  $(n, Re, dr, V)$  و... محاسبه می‌شود.

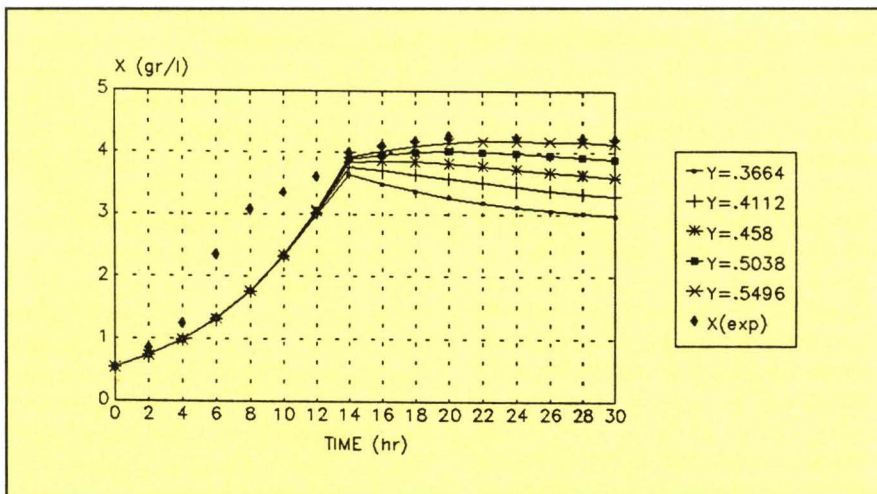
### نتایج

در شکل ۴- غلظت بیومس تجربی با غلظت به‌دست آمده از مدل با مقادیر پارامترهای بهینه شبیه سازی جدول ۴- مقایسه شده است. همانگونه که در نمودار ملاحظه می‌شود، غلظت بیومس تجربی به غلظت بیومس به‌دست آمده از مدل نزدیک بوده و مقدار نهایی آنها با تقویت خوبی یکسان است.

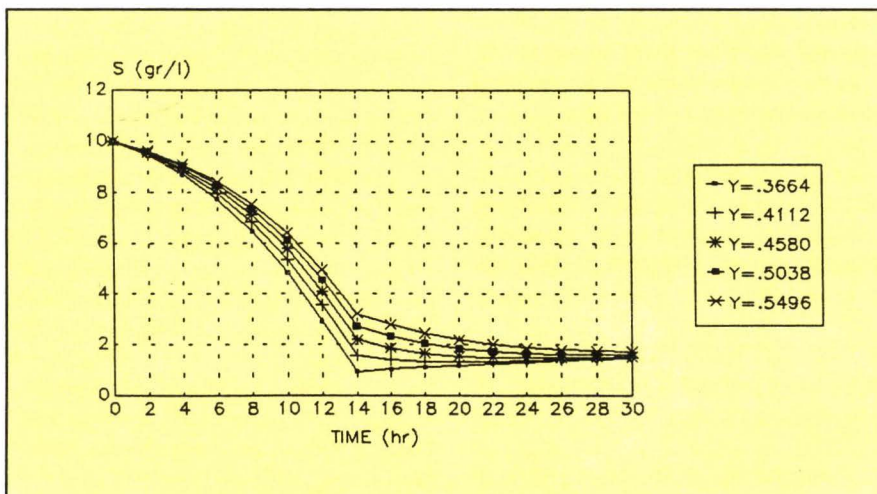
تغییرات غلظت بیومس، متانول، اکسیژن و دی‌اکسیدکربن به‌دست آمده از مدل در شکل ۵- مشاهده می‌شود. با توجه به نمودار غلظت اکسیژن محلول تا زمان ۲ ساعت به علت رشد سلولی، سریعاً



شکل شماره ۱۰- اثر  $\mu_{max}$  بر غلظت متانول



شکل شماره ۱۱- اثر  $Y_{X/S}$  بر غلظت بیومس



شکل شماره ۱۲- اثر  $Y_{X/S}$  بر غلظت متانول

کاهش یافته و سپس به آرامی کم شده و بعد از ۱۴ ساعت به میزان حداقل می‌رسد. غلظت بیومس نیز تا  $t=2hr$  سریعاً افزایش یافته و سپس با سرعت رشد ویژه ثابت زیاد شده و بعد از ۱۴ ساعت به میزان حداکثر می‌رسد. غلظت دی‌اکسید کربن در فاز مایع نسبت به زمان افزایش یافته اما تغییرات غلظت آن در فاز گاز ناچیز می‌باشد. غلظت اکسیژن در فاز گاز نسبت به زمان تا زمان ۲ ساعت سریعاً کاهش یافته و پس از آن تقریباً ثابت است. به‌طور کلی می‌توان نتیجه گرفت که بعد از ۱۴ ساعت، تغییرات غلظت ناچیز بوده و در زمان ۲۰ ساعت تغییرات غلظت متوقف شده و غلظت‌های خروجی از بیوراکتور نسبت به زمان ثابت باقی می‌ماند.

در شکل‌های ۶- الی ۸- اثر پارامتر  $(K_L a)_O$  بر روی غلظت‌های اکسیژن محلول، بیومس و متانول مورد بررسی قرار گرفته است. همان‌گونه که مشاهده می‌شود، افزایش مقدار  $(K_L a)_O$  موجب افزایش غلظت اکسیژن محلول شده که در نتیجه غلظت بیومس نیز در سیستم افزایش یافته است. از نمودارهای ۷ و ۸ می‌توان نتیجه گرفت که با افزایش  $(K_L a)_O$ ، غلظت بیومس افزایش و غلظت متانول کاهش می‌یابد. اما در  $(K_L a)_O$  بیشتر از  $240 h^{-1}$  تغییرات قابل ملاحظه‌ای در غلظت‌های بیومس و متانول مشاهده نمی‌شود. بنابراین مقدار بهینه  $(K_L a)_O$   $240 h^{-1}$  در نظر گرفته می‌شود. در این مقدار  $(K_L a)_O$  غلظت محلول بین ۲۰ الی ۳۰٪ غلظت اشباع اکسیژن است.

اثر  $\mu_{max}$  بر غلظت‌های بیومس و متانول در شکل‌های ۹- الی ۱۰ مشاهده می‌شود با افزایش  $\mu_{max}$  غلظت متانول کاهش و غلظت بیومس افزایش می‌یابد، اما در غلظت نهایی متانول و بیومس تأثیر قابل ملاحظه‌ای مشاهده نمی‌شود.

اثر بازدهی  $(Y_{X/S})$  بر غلظت‌های بیومس و متانول در شکل‌های ۱۱ و ۱۲ مشاهده می‌شود. افزایش بازدهی سبب افزایش غلظت بیومس و کاهش غلظت متانول می‌شود. افزایش بازدهی بر غلظت نهایی متانول تأثیر چندانی نداشته اما بر غلظت نهایی بیومس اثر قابل توجهی دارد.

در جدول ۷- اندازه بیوراکتور و تجهیزات مختلف آن (همزن، بافل و...) که بنابر شرایط آزمایشگاهی و بیوراکتور مورد استفاده محاسبه شده‌اند، برای تولید ۴۰ کیلوگرم بیومس در روز دیده می‌شود.

در جدول ۸- نسبت متغیرهای عملیات بیوراکتور تولیدی به بیوراکتور آزمایشگاهی بر اساس انتخاب معیارهای مختلف در افزایش مقیاس آورده شده است. همان‌گونه که در جدول مشاهده می‌شود، یکی از معیارها مساوی بودن عدد رینولدز ( $Re$ ) است. مساوی بودن عدد  $Re$  برای دو سیستم سبب می‌شود که مقدار  $(\frac{P}{V})$  شدیداً کاهش یابد و این امر اثر نامطلوب بر رفتار بیوراکتور در مقیاس تولیدی خواهد داشت. برای تولید پروتئین تک‌یاخته برای آن که غلظت اکسیژن محلول در بیوراکتور در حد مطلوب (۲۰ الی ۳۰٪ غلظت اشباع) باشد، مناسب‌ترین معیار مساوی بودن مقادیر  $(\frac{P}{V})$  دو سیستم مدل و تولیدی است.

در جدول ۹ اثر انتخاب چند مبنای شدت جریان هوا مشاهده می‌شود. در صنایع تخمیری اغلب از نسبت  $W_{vm}$  ثابت برای تعیین شدت جریان هوا در مقیاس تولیدی استفاده می‌شود.

monophosphate cycle; Biotechnology and bioengineering; XX: 421-442.

12- Scragg A, H; 1991. bioreactors in Biotechnology.

13- Stanbury P.F.; 1985. Whitaker A.I. Principles of fermentation technology.

14- Tseng M.C. and Wayman M.: Can. J. 1975. Microbiol. 21: 994.

15- Wang Daniel I.C. 2+ al. 1979. Fermentation and enzyme technology.

16- Webb J.L. 1963. Enzyme and metabolic inhibitors; Vol. 1: Academic press, 1963.

n دوره همزن (rpm)  
U<sub>gs</sub> سرعت ظاهری گاز (m/s)

### پاورقی

۱- مکانیک خطوط جریان سیال، چگونگی فرآیند تشکیل و پراکندگی حباب گاز در بیوراکتور و چگونگی انتقال انرژی از همزن به سیال

### منابع مورد استفاده

1- Agrawal pramod and Lim heeny. C. 1984. The growth dynamics of a methanol - utilizing bacterium L3 in a batch bioreactor. Biotechnology and bioengineering; XXVT: 1352-1363.

2- Anton Moser. 1985. Kinetics of batch fermentations In: Rehm. H.J. U. Reed G. Biotechnology, Vol. 2 VCH.

3- Andrews J.F., 1968. Biotechnology and Bioengineering; 10: 707.

4- Aiba S. 1968. Biotechnology and bioengineering; 10: 845.

5- Bailey James E., Ollis David. F. 1986. Biochemical engineering fundamental.

6- Chen Bill J, Henry C. Lim\* 1976. A model for bacterial growth on methanol; Biotechnology and bioengineering; XVIII: 1629:1633.

7- Heinz Brauer. 1985. Stirred vessel Reactors In: Rehm. H.J., U. Reed G. Biotechnology, Vol.2 VCH.

8- Han Keehyun and Leuenspiel octave; Extended monod kinetics for substrate, product, and cell inhibition; Biotechnology and bioengineering; 32: 430-437.

9- Lee. H.Y, Erickson L.E. and yang S.S. 1984. Estimation of true growth yield and maintenance parameters for methanol Utilizing organism; J.Ferment. Technology. 62: 4: 6341-351.

10- Oosterhuis N.M.G. 1985. Modeling and scaling up of bioreactors In: Rehm. H.J., U. Reed G: Biotechnology Vol.2 VCH. 1985.

11- Papoutsakis elec. 1978. Role of formaldehyde in the utilization of cl compounds via the ribulose

### علائم

X	غلظت بیومس در بیوراکتور (g/L <sup>-1</sup> )
XR	غلظت بیومس در محیط کشت ورودی (g/L <sup>-1</sup> )
S	غلظت سوبسترا در بیوراکتور (g/L <sup>-1</sup> )
SR	غلظت سوبسترا در محیط کشت ورودی (g/L <sup>-1</sup> )
DR	شدت رقیق سازی ورودی (h <sup>-1</sup> )
DA	شدت رقیق سازی خروجی (h <sup>-1</sup> )
μG	سرعت رشد ویژه (h <sup>-1</sup> )
μD	سرعت مرگ ویژه (h <sup>-1</sup> )
	ضریب بازدهی بیومس (گرم وزن خشک تولید شده بر گرم سوبسترا مصرف شده (gx/gS)
Y <sub>x/s</sub>	گرم وزن سلول خشک تولید شده بر گرم اکسیژن مصرف شده (gx/go)
Y <sub>x/o</sub>	ضریب نگهداری (maintenance) گرم سوبسترای مصرف شده بر گرم وزن خشک سلول بر ساعت (gs/gx-h)
m	ضریب انتقال جرم در سطح فصل مشترک دوفاز (h <sup>-1</sup> )
(K <sub>La</sub> ) <sub>o</sub>	ضریب انتقال جرم اکسیژن (h <sup>-1</sup> )
(K <sub>La</sub> ) <sub>c</sub>	ضریب انتقال جرم دی اکسید کربن (h <sup>-1</sup> )
O* <sub>L</sub>	غلظت اشباع اکسیژن (g/L <sup>-1</sup> )
G <sub>L</sub>	غلظت دی اکسید کربن محلول (g/L <sup>-1</sup> )
O* <sub>L</sub>	غلظت دی اکسید کربن در فاز مایع در تعادل با غلظت در فاز گاز (g/L <sup>-1</sup> )
Y <sub>x/c</sub>	گرم وزن سلول خشک تولید شده بر گرم دی اکسید کربن تولید شده (gx/gc)
C <sub>R</sub>	غلظت دی اکسید کربن در محیط کشت ورودی (g/L <sup>-1</sup> )
ε <sub>g</sub>	ماندگی گاز در بیوراکتور
V <sub>R</sub>	حجم بیوراکتور (m <sup>3</sup> )
V <sub>gi</sub>	شدت جریان ورودی هوا (m <sup>3</sup> /hr)
V <sub>go</sub>	شدت جریان خروجی هوا (m <sup>3</sup> /hr)
N <sub>oi</sub>	غلظت اکسیژن در هوای ورودی (mole/L)
N <sub>o</sub>	غلظت اکسیژن در بیوراکتور (mole/L)
N <sub>ci</sub>	غلظت دی اکسید کربن در هوای ورودی (mole/L)
N <sub>c</sub>	غلظت دی اکسید کربن در بیوراکتور (mole/L)
M <sub>o</sub>	جرم مولکولی اکسیژن (g/mole)
M <sub>c</sub>	جرم مولکولی دی اکسید کربن (g/mole)
μ <sub>max</sub>	سرعت رشد ویژه ماکزیمم (h <sup>-1</sup> )
K <sub>s</sub>	ثابت مونود (g/L <sup>-1</sup> )
K <sub>o</sub>	ثابت اشباع اکسیژن (g/L <sup>-1</sup> )
P	انرژی انتقال یافته از همزن به سیال (N-m/sec)
$\frac{P}{V}$	انرژی ورودی بر حجم بیوراکتور (N/m <sup>2</sup> -sec)
V <sub>Vm</sub>	حجم هوا بر حجم بیوراکتور بر دقیقه (m <sup>3</sup> /m <sup>3</sup> -min)
D	قطر بیوراکتور (m)
d <sub>r</sub>	قطر پره همزن (m)
W <sub>i</sub>	عرض پره همزن (m)
S <sub>o</sub>	عرض بافل (m)
H <sub>L</sub>	ارتفاع مایع در بیوراکتور (m)
h <sub>i</sub>	فاصله دو پره همزن (m)
h <sub>w</sub>	فاصله همزن تا سطح مایع در بیوراکتور (m)
h <sub>b</sub>	فاصله همزن تا مقطع بیوراکتور (m)
L <sub>i</sub>	طول پره همزن (m)
N	تعداد پره همزن